

Sicherheit und Kryptographie – Übung

Aufgabe 1 (Elliptische Kurven)

Gegeben sei die elliptische Kurve

$$E : y^2 \equiv x^3 - x + 3 \pmod{7}.$$

a) Überprüfen Sie mittels

$$4a^3 + 27b^2 \not\equiv 0 \pmod{7}$$

die korrekte Parameterwahl.

b) Finden Sie alle 6 Punkte von E .

c) Finden Sie einen Punkt der Ordnung 2 auf E .

d) Stellen Sie die Verknüpfungstabelle von $(E, +)$ auf.

e) Finden Sie einen Punkt der Ordnung 3 auf E .

f) Finden Sie einen Punkt P der Ordnung 6 auf E .

g) Führen Sie das Diffie–Hellman–Protokoll mit Hilfe von P aus.

Alice wählt hierbei als geheimen Multiplikator $a = 5$ und Bob $b = 2$.