



# Sicherheit und Kryptographie – Übung 1

## Aufgabe 1 (GP/PARI und RSA)

Erzeugen Sie ein in der Praxis verwendbares Beispiel von RSA Parametern. In Klammern sind die in `gp` aufzurufenden Funktionen angegeben. Schauen Sie sich dabei für jede Funktion (z.B. `func()`) den zugehörigen Hilfetext an (mittels `?func`). Zahlen  $z \bmod n$  stellen Sie als  $Mod(z, n)$  dar, damit während der Arithmetik die Zwischenergebnisse klein gehalten werden können.

- a) Wählen Sie zufällige 500-bit-Primzahlen  $p, q$  (`random()`, `nextprime()`).
- b) Berechnen Sie  $n$ .
- c) Berechnen Sie  $\varphi(n)$ . (nicht `eulerphi()` benutzen, nur deren Beschreibung lesen (warum?))
- d) Wählen Sie  $e = 2^{16} + 1$  und berechnen Sie  $d$ .
- e) Verschlüsseln Sie die Nachricht  $m = 111 \dots 1$  (100 Einsen).
- f) Entschlüsseln Sie die verschlüsselte Nachricht und überprüfen Sie das Ergebnis.